

## A energia livre de Helmholtz

A energia livre de Helmholtz de um sistema é definida como  $F = E_{\text{int}} - TS$ , sendo  $E_{\text{int}}$  a energia interna,  $S$  a entropia e  $T$  a temperatura do sistema. Mostrem **nas lousas** que para um processo reversível infinitesimal envolvendo um fluido simples vale

$$dF = -SdT - PdV,$$

em que  $P$  é a pressão e  $V$  é o volume do sistema.

Essa forma mostra que, se o número de moléculas no fluido é constante, a energia livre de Helmholtz pode ser escrita como uma função de  $T$  e  $V$ . Nesse caso, a derivada parcial de  $F$  com relação a  $T$ ,  $\left(\frac{\partial F}{\partial T}\right)_V$ , e a derivada parcial de  $F$  com relação a  $V$ ,  $\left(\frac{\partial F}{\partial V}\right)_T$ , são iguais respectivamente a

- $-S$  e  $P$ .
- $S$  e  $P$ .
- $-S$  e  $-P$ .
- $S$  e  $-P$ .

A partir do último resultado, trabalhem com as derivadas parciais cruzadas  $\frac{\partial^2 F}{\partial T \partial V}$  e  $\frac{\partial^2 F}{\partial V \partial T}$  e obtenham uma relação entre  $\left(\frac{\partial S}{\partial V}\right)_T$  e  $\left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_V$ . Mostrem seus cálculos **nas lousas**. Essa relação é

- $\left(\frac{\partial S}{\partial V}\right)_T = \left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_V$ .
- $\left(\frac{\partial S}{\partial V}\right)_T = -\left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_V$ .

**Verifiquem que essa relação** (mais uma relação de Maxwell) **é válida para um gás ideal**, partindo de expressões para a entropia e a pressão do gás escritas em termos do volume e da temperatura.